

นับนิ้วทำไม บวกอย่างนี้เดี๋ยว

เต็มศิริ พูลสมุทร



การบวก เป็นพื้นฐานเริ่มแรกของการคำนวณ เด็กเล็กที่เริ่มเรียนรู้ จะเริ่มจากการนับตัวเลข เมื่อเรียนรู้เรื่องของจำนวนจนสามารถนับจำนวนน้อยๆได้อย่างคล่องแคล่วแล้ว ก็จะพัฒนาไปสู่การรวมกลุ่มของจำนวนต่างๆเข้าด้วยกัน การรวมกลุ่มที่เด็กๆเข้าใจนั้น มันก็คือการบวกนั่นเอง

โดยทั่วไป เด็กๆ มักจะบวกเลขโดยการนับต่อ เพื่อรวมสิ่งของเข้าด้วยกัน การนับต่อของเด็กโดยธรรมชาติแล้วนั้นก็หาสิ่งที่อยู่ใกล้ๆหรือสิ่งที่หาง่าย มองเห็นเป็นรูปธรรม จับต้องได้ มาช่วยในการนับ เช่น ชั้นหนังสือชั้นแรกมีหนังสือ 9 เล่ม ชั้นที่สองมีหนังสืออีก 3 เล่ม เด็กก็จะสามารถทำการบวกได้โดยการนับรวมกันได้เลย เพราะมีสิ่งของที่เป็นรูปธรรมอยู่แล้ว จาก 9 ก็เป็น 10, 11, 12 จนได้คำตอบเป็น 12 แต่ในกรณีที่ไม่มีสิ่งของให้เด็กนับเป็นรูปธรรม **สิ่งที่เด็กๆและผู้ปกครองส่วนมากใช้สอนเด็ก)ใช้นับแทนก็คือ “นิ้วมือ”**

จะทำอย่างไรดี หากไม่เข้าใจตัวเลขแบบนี้

การบวกเลขสำหรับเด็กเล็กนั้น จะเป็น การบวกเลขจำนวนง่ายๆ(ตามที่ผู้ใหญ่คิด)เพียงหนึ่งหลัก ซึ่งมีทั้งยากและง่ายปะปนกันอยู่ พอ ง่ายไปปนกับยากก็เลยเป็นยากไปหมด เราจึงต้อง แยกยากและง่ายออกมาให้ชัดเจน ซึ่งจะมี **ง่ายถึง 64 จำนวน แต่มียากเพียง 36 จำนวน**เท่านั้นเอง

คุณครูจะมาแยกง่ายกับยากออกจากกัน ให้เห็นชัดๆกันไปเลยนะคะ โดยใช้ตารางบวกและลงสีเป็นคีย์ให้เห็นถึงตำแหน่งที่ง่ายกับยาก(แล้วจะเห็นว่าง่ายมันมีมากกว่ายากเยอะเลยคะ)

+	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0										
1										
2										
3										
4										
5										
6										
7										
8										
9										

 นับต่อ(ง่าย)  ทวิคูณ(ง่าย+ยาก)  ทำให้เป็นสิบ(ยาก)

เห็นได้เลยว่า ตัวบวกที่ง่ายใช้การนับต่อมีถึง 64 จำนวน ถ้าวรวมทวิคูณเข้าไปอีก 6 ตัวที่เหลือก็กลายเป็น 70 จำนวนเลย และตัวบวกที่ค่อนข้างยากมีเพียง 30 จำนวน ซึ่งตัวบวกที่ยากหากดูให้ดีจริงๆจะมีเพียง 15 คู่เท่านั้น เพราะมันสามารถสลับที่การบวกได้ (เด็กๆได้เรียนรู้คุณสมบัติสลับที่การบวกไปโดยปริยายค่ะ)

แล้วเราจะใช้เครื่องมืออะไรแทนการนับนิ้วล่ะ

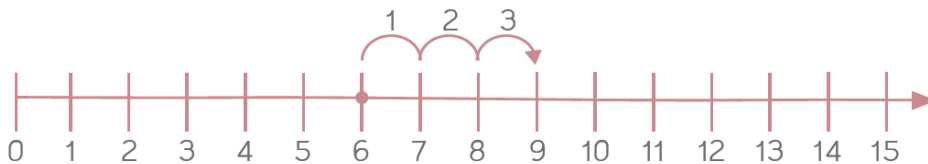
คุณครูขอเสนอกลยุทธ์ที่คุณครูใช้สอนนักเรียนอยู่จริงมาให้ได้ใช้กัน คุณครูเรียกมันว่า “กลยุทธ์การบวก” มีอยู่ด้วยกัน 3 กลยุทธ์ คือ **นับต่อ ทวิคูณ และทำให้เป็นสิบ** กลยุทธ์แต่ละแบบจะมีวิธีการใช้แตกต่างกันไปตามความเหมาะสมของการบวก คุณครูจะอธิบายไปที่ละแบบนะคะ

กลยุทธ์การบวก: นับต่อ

กลยุทธ์นี้ใช้สำหรับการบวกเลขที่ตัวบวกตัวใดตัวหนึ่งมีค่าไม่เกิน 3 สามารถนำมาใช้ได้ดีกับตัวบวกอีกตัวหนึ่งที่มีค่ามากเท่าไรก็ได้ ถ้าเด็กๆ สามารถนับต่อจากจำนวนนั้นๆ ได้อาจจะต้องใช้สื่อเข้ามาช่วยกันก่อนในช่วงแรก (มันก็คือ**เส้นจำนวน**ค่ะ) เมื่อเด็กใช้สื่อจนเข้าใจวิธีการนับต่อจนลึกซึ้งแล้ว เด็กจะสามารถ “คิด” คำนวณได้เองโดยไม่ต้องใช้การนับนิ้ว (ไม่ต้องใช้อะไรมานับเลยคะ บอกปั๊บ คำนวณออกมาได้ปั๊บ)

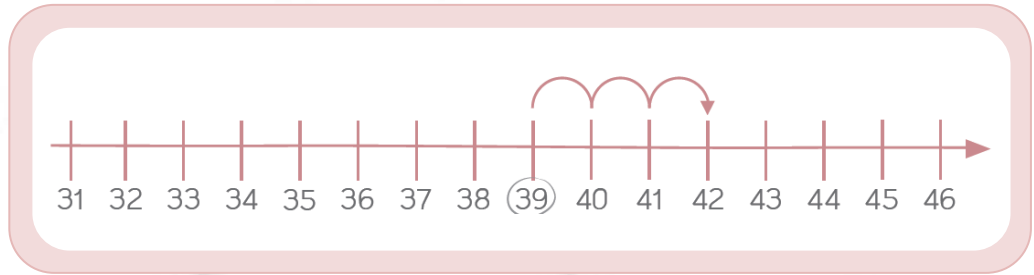
เริ่มที่สื่อที่เราจะใช้ก่อนนะคะ มันมีชื่อว่า “**เส้นจำนวน**” เราสามารถสร้างมันขึ้นมาได้ง่ายๆ ตามชื่อเลยคะ เป็นเส้นตรงที่ไม่มีที่สิ้นสุด บนเส้นจะมีจุดที่มีความห่างเท่าๆ กัน แล้วมีตัวเลขอยู่ตามจุดต่างๆ ตามรูปเลยคะ (ตัวเลขบนเส้นจำนวนไม่จำเป็นต้องเริ่มที่ 0 นะคะ จะเริ่มที่เลขอะไรก็ได้ ขึ้นอยู่กับว่าเราจะบวกจำนวนอะไรคะ)

ตัวอย่างหาผลบวกของ $6 + 3$



ตั้งต้นนับจากตัวบวกที่มีค่ามาก นั่นก็คือ 6 แล้วนับต่อจาก 6 บนเส้นจำนวนอีก 3 เป็น 7, 8 และ 9 คำตอบที่ได้คือ 9

ตัวอย่าง หาผลบวกของ $39 + 3$



ตั้งต้นนับจากตัวบวกที่มีค่ามาก นั่นก็คือ 39 แล้วนับต่อจาก 39 บนเส้นจำนวน
อีก 3 เป็น 40, 41 และ 42 คำตอบที่ได้คือ 42

เมื่อเด็กๆ ใช้เส้นจำนวนจนเข้าใจวิธีการนับต่อจนลืกลืมแล้ว เขาก็จะสามารถ “คิด” หาผลบวกได้อย่าง
รวดเร็ว เขาจะเข้าใจได้โดยอัตโนมัติเลยว่า **จะต้องเริ่มนับจากตัวเลขที่มีค่ามากก่อน แล้วค่อยนับต่อตัวเลขที่
มีค่าน้อยกว่า**

กลยุทธ์การบวก: ทวิคูณ



ผลบวกของทวิคูณจะเป็นการบวกจำนวน
เดียวกัน เช่น $1 + 1 = 2$, $2 + 2 = 4$ ซึ่งการ
บวกแบบทวิคูณจะมีผลบวกเพียง 10 คู่เท่านั้น
หากเราแยกออกมาแล้วใช้กลยุทธ์นี้จะทำให้เด็กๆ
รู้สึกว่าการบวกแบบทวิคูณเป็นเรื่องง่าย(เพราะมี
เพียง 10 คู่เอง)

เครื่องมือที่คุณครูขอแนะนำก็คือสิ่งต่างๆ
รอบตัวของเด็กๆ ที่เห็นจนชินตาในชีวิตประจำวัน
หรือสิ่งที่เด็กๆ รู้จักดีนั้นแหละค่ะ เพราะสิ่งของ
เหล่านี้จะทำให้เด็กๆ เห็นจำนวนอย่างเป็นรูปธรรม
สร้างความรู้สึกคุ้นเคย ไม่มองว่าเป็นสิ่งไกลตัว
ไม่ใช่เรื่องยากเกินเอื้อม

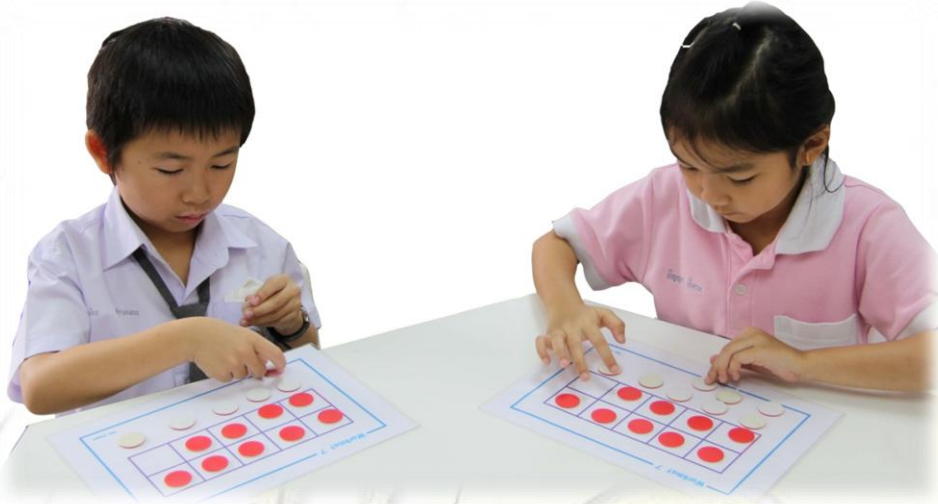
ลองมาดูตัวอย่างต่างๆกันค่ะ ว่ามีอะไรบ้างนะที่สามารถเป็นผลบวกทวีคูณได้

		ประโยคสัญลักษณ์
ข้าง 1 เชือกมิงวงวง	ข้าง 2 เชือกมิงวง วง	
เด็ก 1 คนมีขา ขา	เด็ก 2 คนมีขา ขา	
รถสามล้อ 1 คันมีล้อ..... ล้อ	รถสามล้อ 2 คันมีล้อ..... ล้อ	
วัว 1 ตัวมีขา ขา	วัว 2 ตัวมีขา ขา	
มือ 1 ข้างมีนิ้ว นิ้ว	มือ 2 ข้างมีนิ้ว นิ้ว	
แมลง 1 ตัวมีขา ขา	แมลง 2 ตัวมีขา ขา	
รู้ง 1 สายมีแถบ แถบ	รู้ง 2 สายมีแถบ แถบ	
หมึกยักษ์ 1 ตัวมีหนวด.....เส้น	หมึกยักษ์ 2 ตัวมีหนวด.....เส้น	
ลูกโป่ง 1 พวงมี ลูก	ลูกโป่ง 2 พวงมี ลูก	

ตัวอย่างด้านบนเป็นเพียงตัวอย่างง่ายๆที่
 เด็กๆรู้จักและคุ้นเคยเป็นอย่างดี เช่น มือ 1 ข้างมี
 5 นิ้ว ดังนั้น มือ 2 ข้างมี 10 นิ้ว $5 + 5 = 10$
 เด็กๆจะหาคำตอบได้จากจำนวนนิ้วมือของเขาเอง
 นั่นแหละค่ะ เพราะเป็นสิ่งที่ใกล้ตัว เห็นและใช้อยู่
 เป็นประจำ

ขอแถมอีกนิดนะคะว่า เมื่อให้เด็กๆได้หา
 ผลบวกจนครบตั้งแต่ $1 + 1$ จนถึง $9 + 9$ แล้ว
 ลองตั้งคำถามกับเด็กๆชื่อว่า ผลบวกของทวีคูณทุก
 คู่เป็นเลขคู่หรือเลขคี่ แล้วทำไมจึงเป็นเช่นนั้น (ขอ
 ตอบ : เป็นเลขคู่ค่ะ เอาเหตุผลง่ายๆเลยนะคะ
 เพราะว่ามันเป็นจำนวนเดียวกัน จับคู่บวกกัน มันก็
 ต้องออกมาเป็นเลขคู่ค่ะ)

กลยุทธ์การบวก: ทำให้เป็นสิบ

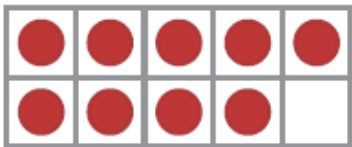


กลยุทธ์นี้เหมาะสำหรับการบวกเลขขนาดใหญ่ซึ่งเด็กส่วนใหญ่มักประสบกับปัญหานี้ เพราะมันดูยากเย็นเสียเหลือเกิน ก่อนอื่นเราจะสร้างผลบวกให้เท่ากับสิบเสียก่อน แล้วค่อยหาผลบวกทั้งหมดต่อไป

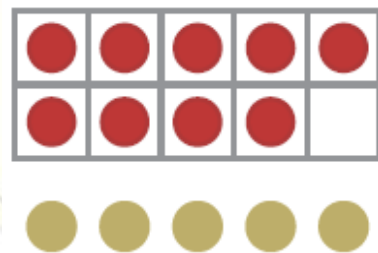
สื่อที่ช่วยเด็กๆ ได้เป็นอย่างดีมากๆ มันมีชื่อว่า “กรอบสิบ (TEN FRAMES)” เป็นกรอบที่มี 10 ช่องเท่าๆ กัน ตามรูปเลยล่ะ (เว้นด้านล่างไว้สักหน่อยนะคะ เพื่อเอาไว้วางจำนวนจะนำมาบวกค่ะ มันจะต้องเกิน 10 แน่แน่นอนค่ะ)

ตัวอย่าง หาผลบวกของ $5 + 9$

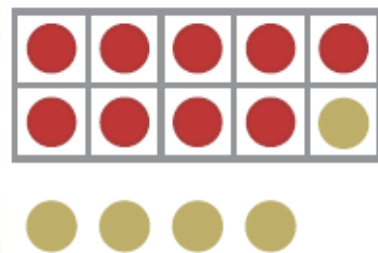
ขั้นที่ 1 แสดงจำนวน 9 (เริ่มต้นตัวบวกที่มากกว่า)



ขั้นที่ 2 แสดงจำนวน 5



ขั้นที่ 3 ย้ายลงในกรอบสิบให้ครบ 10 แล้วบวก



ดังนั้น $5 + 9 = 14$

เมื่อทำได้คล่องแคล่วแล้ว เด็กจะสามารถ “คิด” ในใจเพื่อหาผลบวกได้อย่างรวดเร็ว(จนลืมกรอบสิบไปเลยล่ะ) เด็กๆ จะทำความเข้าใจได้เลยว่า $5 + 9 = 9 + 1 + 4 = 10 + 4 = 14$ (เด็กจะคิดได้อย่างที่ผู้ใหญ่คิดเลยล่ะ แต่บางทีผู้ใหญ่อย่างเราก็ก็นึกได้สังเกตว่าสมองของเราอันนี้จริงมันก็คิดแบบนี้เหมือนกัน)

แล้วกลยุทธ์ที่กล่าวมาจะมี “ข้อดี” อย่างไร การนับนิ้วข้อใด?

บางคนอาจสงสัยว่าก็เหมือนกับเอา 6 ไว้
ในใจ แล้วชูนิ้วขึ้นมาอีก 3 นิ้ว แล้วก็นับต่อไ้ แต่
ลืมไปหรือเปล่าคะว่า การใช้เส้นจำนวน การใช้
กรอบสิบ หรือการใช้สิ่งรอบข้างในชีวิตประจำวัน
ที่พบเห็นจนชินตานั้น จะช่วยให้เด็กได้เห็นค่าของ
จำนวน เห็นถึงลำดับของตัวเลขต่างๆบนเส้น
จำนวน ทำให้เกิดพัฒนาการทางด้าน**ความรู้สึก
ทางจำนวน** เช่น เด็กๆจะเข้าใจได้เองเลยว่า เลข
12 กับ 32 มันมีค่าต่างกันแค่ไหน เห็นถึงการจัด
กลุ่มการบวกของตัวเลขใหม่โดยที่เด็กเองไม่รู้ตัว
จากการใช้กรอบสิบ เรียนรู้**คุณสมบัติสลับที่การ
บวก**ไปโดยปริยาย และการบวกเป็นทวีคูณนั้นก็
เป็นพื้นฐานที่จะต่อยอดไปสู่**การคูณ**ได้เป็นอย่างดี

กลยุทธ์ทั้ง 3 นี้จะทำให้เด็กพัฒนา
กระบวนการคิดได้โดยผ่านสมองของเขาเอง หรือ
ที่เราเรียกว่า **“คิดในใจ”** นั่นแหละค่ะ (ยิ่งคิดในใจ
ได้มากเท่าไร ก็จะยิ่งช่วยพัฒนาสมองได้มาก
เท่านั้น)

นอกจากนั้นแล้วการบวกโดยผ่านกลยุทธ์
ทั้ง 3 นี้ ยัง สามารถต่อยอดไปสู่เรื่อง **กลุ่ม
ความสัมพันธ์ของตัวเลข การลบ การคูณ กฎของ
แบบรูป** เป็นต้น

เห็นไหมคะว่าจะ **นับนิ้วทำไม บวกอย่างนี้ดีเชียว**

ทั้งห้า ... คุณครูมีแผนการสอนซึ่งเป็นบทเรียน
ที่ใช้สอนนักเรียนจริงๆแนบท้ายเอาไว้ด้วยนะคะ



3. กลยุทธ์การบวกและลบ

บทเรียนที่ 3.1 : นับต่อ 1, 2, และ 3

โจทย์ปัญหาประจำวัน

ให้นักเรียนใช้เวลา 3 นาที เขียนตัวเลขลงในช่อง
สี่เหลี่ยมให้ถูกต้องและให้ได้จำนวนมากที่สุด พร้อมแล้ว
.... ระวัง เริ่มได้

$6 + 2 = \square$

$3 + 6 = \square$

$5 + 5 = \square$

$10 - 2 = \square$

$9 - 3 = \square$

$8 - 7 = \square$

$2 + \square = 7$

$7 + \square = 10$

$0 + \square = 8$

$\square - 5 = 2$

$\square - 8 = 1$

$\square - 4 = 4$

$\square + 1 = 5$

$\square + 2 = 3$

$\square + 5 = 10$

$7 - \square = 7$

$9 - \square = 0$

$6 - \square = 3$

$5 - \square = 1$

$\square - 5 = 4$

$8 - 4 = \square$

วัตถุประสงค์การเรียนรู้

- เพื่อนับต่อ 1, 2, หรือ 3 เพื่อหาผลบวก

พื้นหลังคณิตศาสตร์

- ในบทเรียนนี้ นักเรียนจะได้เรียนรู้การคิดบวกในใจวิธีแรกในหลายวิธี
- การนับต่อในใจเป็นกลยุทธ์ที่ใช้ได้ดีในกรณีที่ตัวบวกตัวใดตัวหนึ่งหรือทั้งสองตัวเท่ากับ 0, 1, 2, หรือ 3
 - ในการใช้กลยุทธ์นี้ เราจะตั้งต้นนับจากตัวบวกที่มีค่ามาก
 - ตรวจสอบที่ตัวบวกหนึ่งเป็น 0, 1, 2, หรือ 3 แล้ว กลยุทธ์นี้สามารถนำมาใช้ได้กับตัวบวกอีกตัวหนึ่งที่มีค่ามากเท่าไรก็ได้ ถ้านักเรียนสามารถนับต่อจากจำนวนนั้นๆได้
 - กลยุทธ์นี้ไม่น่าจะใช้ได้ดีกับกรณีที่ตัวบวกทั้งสองมีค่ามาก เช่น $7 + 9$
 - ในกรณีที่ตัวบวกทั้งสองมีค่ามาก เราจะทำให้กลยุทธ์ "ทำให้เป็นสิบ" ซึ่งวิธีนี้นอกจากจะช่วยให้นักเรียนคิดบวกในใจอย่างได้ผลแล้ว ยังช่วยพัฒนานักเรียนให้มีกระบวนการคิดอย่างเป็นระบบอีกด้วย

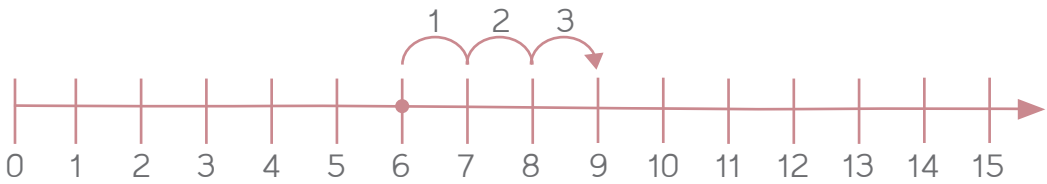
กิจกรรมการเรียนรู้

นับต่อโดยใช้เส้นจำนวน

- ในการบวกที่ตัวบวกตัวใดตัวหนึ่งเท่ากับ 0, 1, 2, หรือ 3 เราใช้การนับต่อโดยอาศัยเส้นจำนวน
- ให้เตรียมการ์ดตัวเลข 2 กอง กองแรกประกอบด้วยการ์ดเลข 0-3 และอีกกองหนึ่งประกอบด้วยการ์ดเลข 0-10
- ให้สุ่มหยิบการ์ดขึ้นมาจากกอง กองละหนึ่งใบ
- ทำการบวกโดยใช้การนับต่อ และเริ่มต้นนับจากตัวบวกค่ามาก เช่น หยิบได้ 3 และ 6 ก็เริ่มนับจาก 6
- นับต่อไปอีก 3 จำนวน คือ 6, 7, 8, 9
- ดังนั้น $6 + 3 = 9$



การนับที่ 1 $6 + 3 = \dots\dots\dots$



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 2

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 3

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 4

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 5

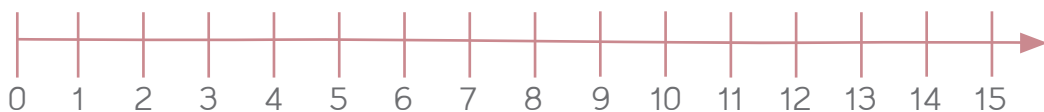
การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 6

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 7

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 8

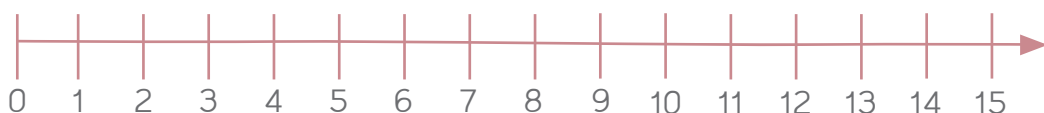
การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 9

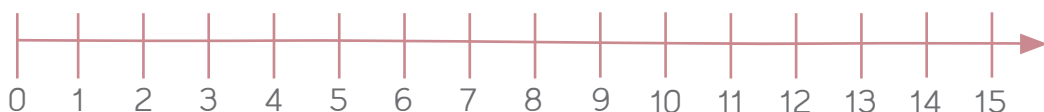
การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

การนับที่ 10

การบวกเส้นจำนวน



ประโยคสัญลักษณ์

ช่วยกันคิด...ช่วยกันตอบ

ให้หาตัวบวกค่าน้อย

1. ผลบวกคือ 12 ตัวบวกค่ามากที่สุดได้แก่ 10

2. ผลบวกคือ 6 ตัวบวกค่ามากที่สุดได้แก่ 4

3. ผลบวกคือ 9 ตัวบวกค่ามากที่สุดได้แก่ 5

4. ผลบวกคือ 7 ตัวบวกค่ามากที่สุดได้แก่ 6

พัฒนาทักษะและกระบวนการคิด

1. ให้เขียนผลบวกลงในช่องว่าง

$10 + 1 = \square$

$10 + 2 = \square$

$10 + 3 = \square$

$20 + 1 = \square$

$20 + 2 = \square$

$20 + 3 = \square$

$6 + 1 = \square$

$6 + 2 = \square$

$6 + 3 = \square$

$16 + 1 = \square$

$16 + 2 = \square$

$16 + 3 = \square$

$8 + 1 = \square$

$8 + 2 = \square$

$8 + 3 = \square$

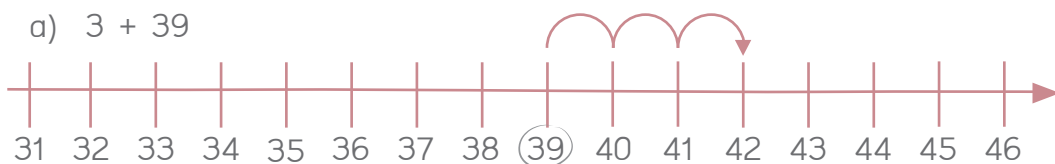
$18 + 1 = \square$

$18 + 2 = \square$

$18 + 3 = \square$

2. ให้ใช้เส้นจำนวนในการบวก โดยให้วงรอบตัวบวกค่ามากและนับต่อเป็นจำนวนเท่ากับตัวบวกค่าน้อยดังตัวอย่าง

a) $3 + 39$



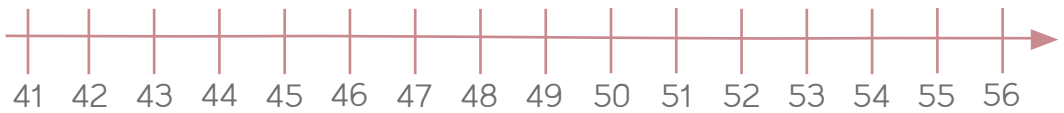
$3 + 39 = 42$

b) $7 + 2$



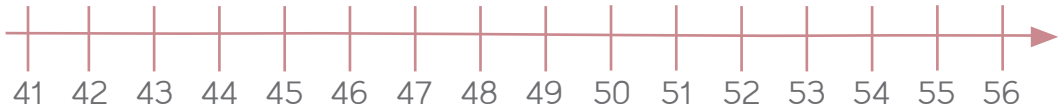
$7 + 2 = \dots\dots\dots$

c) $1 + 54$



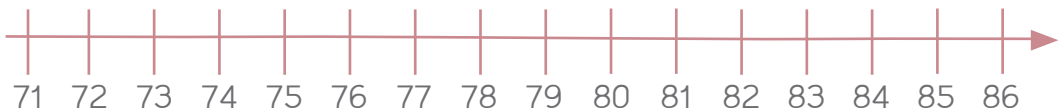
$1 + 54 = \dots\dots\dots$

d) $3 + 48$



$3 + 48 = \dots\dots\dots$

e) $78 + 2$



$78 + 2 = \dots\dots\dots$

f) $6 + 2$



$6 + 2 = \dots\dots\dots$

3. ให้วงรอบตัวบวกค่ามาก แล้วนับต่อเพื่อหาผลบวกในแต่ละข้อ



$$\begin{array}{r} \text{d)} \quad 4 \\ + 2 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{e)} \quad 3 \\ + 3 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{f)} \quad 3 \\ + 5 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{g)} \quad 2 \\ + 9 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{h)} \quad 5 \\ + 1 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{i)} \quad 1 \\ + 4 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{j)} \quad 6 \\ + 3 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{k)} \quad 8 \\ + 3 \\ \hline \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \text{l)} \quad 0 \\ + 8 \\ \hline \end{array}$$


4. แก้วมีเงินอยู่ 6 บาท คุณแม่ให้มาอีก 3 บาท ตอนนี้แก้วมีเงินอยู่ทั้งหมดกี่บาท

.....

3. กลยุทธ์การบวกและลบ

บทเรียนที่ 3.2 : ทวิคูณ

โจทย์ปัญหาประจำวัน

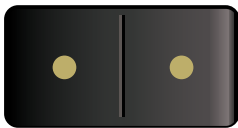
ให้เขียนประโยคสัญลักษณ์ที่มีผลบวกเท่ากับ 10 มา
อย่างน้อย 5 ประโยค

.....
.....

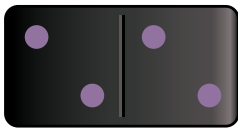
กิจกรรมการเรียนรู้

ทวิคูณจากโดมิโน

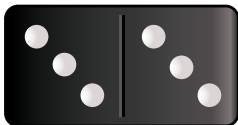
- ให้นักเรียนพิจารณาโดมิโนในรูปข้างล่าง
- ให้หาผลบวกของจำนวนจุดทั้งสองข้าง
- เขียนประโยคสัญลักษณ์ลงขวามือของรูปโดมิโนนั้นๆ



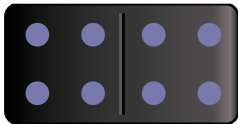
.....



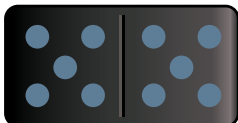
.....



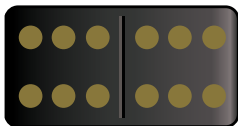
.....



.....



.....



.....

วัตถุประสงค์การเรียนรู้

- เพื่อใช้ทวิคูณเพื่อหาผลบวกของเลข
หนึ่งหลัก

พื้นหลังคณิตศาสตร์

ในบทเรียนนี้ นักเรียนจะได้เรียนรู้เรื่อง
ทวิคูณ

- ทวิคูณหมายถึงการบวกตัวบวกจำนวน
เดียวกัน เช่น $2 + 2$, $7 + 7$
- ผลบวกที่ได้จากทวิคูณจะเป็นเลขคู่
เสมอ
- ในชีวิตประจำวัน เราจะพบกับจำนวน
ทวิคูณได้บ่อยครั้ง เช่น กล้องไข้ไก่จะมี
ไข่ไก่เรียงอยู่สองแถว



ทวิคูณจากสิ่งรอบตัว

- ให้นักเรียนพิจารณารูปภาพ
- ให้เขียนตัวเลขและประโยคสัญลักษณ์ลงในช่องว่าง



		ประโยคสัญลักษณ์
ช้าง 1 เชือกมีงวงงวง	ช้าง 2 เชือกมีงวง งวง	
เด็ก 1 คนมีขา ขา	เด็ก 2 คนมีขา ขา	
รถสามล้อ 1 คันมีล้อ..... ล้อ	รถสามล้อ 2 คันมีล้อ..... ล้อ	
วัว 1 ตัวมีขา ขา	วัว 2 ตัวมีขา ขา	
มือ 1 ข้างมีนิ้ว นิ้ว	มือ 2 ข้างมีนิ้ว นิ้ว	
แมลง 1 ตัวมีขา ขา	แมลง 2 ตัวมีขา ขา	
รู้ง 1 สายมีแถบ แถบ	รู้ง 2 สายมีแถบ แถบ	
หมึกยักษ์ 1 ตัวมีหนวด.....เส้น	หมึกยักษ์ 2 ตัวมีหนวด.....เส้น	
ลูกโป่ง 1 พวงมี ลูก	ลูกโป่ง 2 พวงมี ลูก	

ช่วยกันคิด...ช่วยกันตอบ

- เลขใดบ้างที่เป็นผลบวกของทวิคูณไม่ได้ ให้กากบาท
2, 4, 5, 6, 8, 15, 18, 19
- ให้ช่วยกันคิดหาตัวอย่างของสิ่งรอบตัวอื่นๆ สำหรับการทวิคูณของจำนวน 1 – 9
 - 1)
 - 2)
 - 3)
 - 4)
 - 5)
 - 6)
 - 7)
 - 8)
 - 9)

พัฒนาทักษะและกระบวนการคิด

1. ให้เขียนตัวเลขลงในรูปสี่เหลี่ยมสำหรับผลบวกทวิคูณ ให้ถูกต้อง

a) 8 $\begin{array}{r} + 8 \\ \hline \end{array}$	b) $\begin{array}{r} + \div \\ \hline \end{array}$ 1 2	c) 7 $\begin{array}{r} + 7 \\ \hline \end{array}$	d) 2 $\begin{array}{r} + 2 \\ \hline \end{array}$
e) $\begin{array}{r} + \div \\ \hline \end{array}$ 6	f) 5 $\begin{array}{r} + 5 \\ \hline \end{array}$	g) $\begin{array}{r} + \div \\ \hline \end{array}$ 1 8	h) 1 $\begin{array}{r} + 1 \\ \hline \end{array}$
i) $\begin{array}{r} + \div \\ \hline \end{array}$ 8	j) $\begin{array}{r} + \div \\ \hline \end{array}$ 0	k) 3 $\begin{array}{r} + 3 \\ \hline \end{array}$	l) 6 $\begin{array}{r} + 6 \\ \hline \end{array}$

2. แม่สัญญาอยู่กับอู่ว่า แม่จะให้เงินกับอู่เพิ่มเท่ากับที่อู่ประหยัดได้ ให้กรอกลงในตารางให้สมบูรณ์

เงินที่อู่ประหยัดได้	3	5	2				
แม่ให้เพิ่ม	3			7		5	
รวมเป็นเงินทั้งหมด	6				12		18

3. จอมมีรถบังคับอยู่ 2 คัน นิวมียุ่บังคับเป็นจำนวนสองเท่าของจอม เด็กทั้งสองคนมีรถบังคับรวมกันทั้งหมดกี่คัน

จอม	คัน	}	รวมทั้งหมด
นิว	คัน คัน		คัน

3. กลยุทธ์การบวกและลบ

บทเรียนที่ 3.7 : ทำให้เป็นสิบ

โจทย์ปัญหาประจำวัน

ให้เขียนเลขลงในช่องว่างให้ถูกต้อง

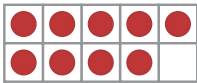
- $1 + 5 < 3 + \square$
- $7 + 1 = \square - 2$
- $5 - 0 > 5 - \square$
- $\square + 3 > 4 + 4$
- $2 + 6 = 3 + \square$
- $\square - 5 = 8 - 6$

กิจกรรมการเรียนรู้

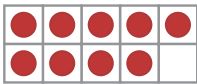
ทำให้เป็นสิบโดยอาศัยกรอบสิบ

ตัวอย่าง หาผลบวกของ $5 + 9$

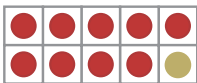
ขั้นที่ 1 แสดงจำนวน 9 (เริ่มต้นด้วยบวกที่มากกว่า)



ขั้นที่ 2 แสดงจำนวน 5



ขั้นที่ 3 ย้ายลงในกรอบสิบให้ครบ 10 แล้วบวก



ดังนั้น $5 + 9 = \dots\dots\dots$

วัตถุประสงค์การเรียนรู้

- เพื่อบวกเลขหนึ่งหลักโดยใช้กรอบสิบ

พื้นหลังคณิตศาสตร์

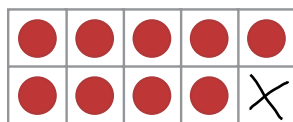
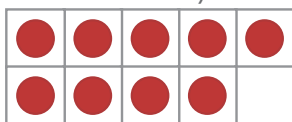
- บทเรียนนี้เป็นเทคนิคสำหรับการบวกเลขขนาดใหญ่ ซึ่งนักเรียนส่วนใหญ่ยังไม่ประสบปัญหา ในบทก่อนหน้านี้เราได้เรียนรู้ผลบวกเท่ากับสิบและการบวกสิบกับเลขหนึ่งหลักไปแล้ว ในบทเรียนนี้เป็นการผนวกใช้ความรู้เหล่านี้
- ก่อนอื่น เราจะสร้างผลบวกเท่ากับสิบแล้วจึงหาผลบวกทั้งหมดต่อไป
- ในการเรียง counters หรือเขียนเครื่องหมายลงในกรอบสิบ ให้เริ่มที่มุมซ้ายบน
- เมื่อทำได้คล่องดีแล้ว ก็ให้ฝึกบวกในใจ



ฝึกบวก

ให้หาผลบวก โดยใช้กรอบสิบ และบันทึกวิธีการคิด (เขียนวงกลมและกากบาทเป็นจำนวนเท่ากับตัวบวกแต่ละจำนวน)

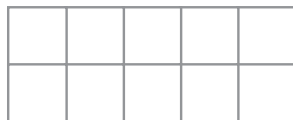
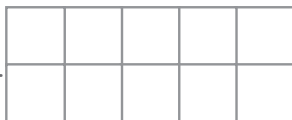
$$9 + 3 = 12$$



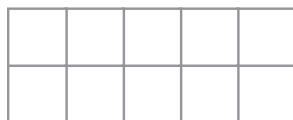
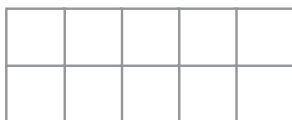
X X X

X X

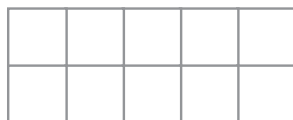
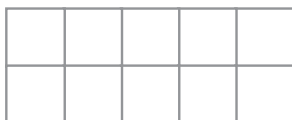
$$5 + 8 = \dots\dots\dots$$



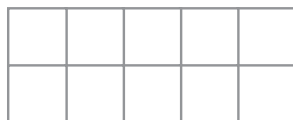
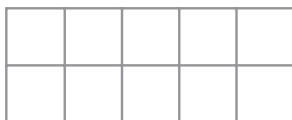
$$\begin{array}{r} 7 \\ + 6 \\ \hline \end{array}$$



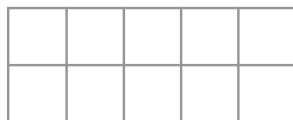
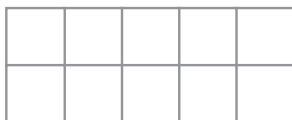
$$\begin{array}{r} 8 \\ + 4 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 5 \\ + 6 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 7 \\ + 5 \\ \hline \end{array}$$



บวกในใจ

ถ้าคิดได้คล่องแล้ว ก็ให้คิดในใจ แต่ถ้ายังต้องการก็ยั้งใช้กรอบสิบได้

4	8	6	9	5	9
+ 9	+ 3	+ 7	+ 8	+ 7	+ 3

8	9	6	5	7	8
+ 5	+ 7	+ 8	+ 6	+ 9	+ 4

7	6	8	4	9	4
+ 8	+ 9	+ 6	+ 9	+ 5	+ 7

พัฒนาทักษะและกระบวนการคิด

1. ให้ใช้กรอบสิบหาผลบวก

$5 + 7 = \dots\dots\dots$

.....

.....

.....

.....

$$\begin{array}{r} 9 \\ + 5 \\ \hline \end{array}$$

.....

.....

.....

.....

$$\begin{array}{r} 8 \\ + 3 \\ \hline \end{array}$$

.....

.....

.....

.....

$$\begin{array}{r} 6 \\ + 7 \\ \hline \end{array}$$

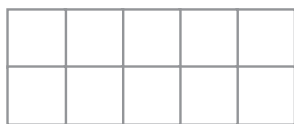
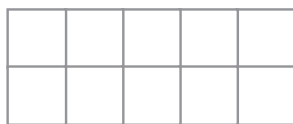
.....

.....

.....

.....

$$\begin{array}{r} 7 \\ + 8 \\ \hline \end{array}$$



.....
.....

.....
.....

2. ให้เขียนตัวเลขลงในช่องสี่เหลี่ยมให้ถูกต้อง

$5 + 7 = 10 + \square$

$3 + 8 = 10 + \square$

$6 + 8 = 10 + \square$

$9 + 5 = 10 + \square$

$8 + 4 = 10 + \square$

$4 + 9 = 10 + \square$

$8 + 8 = 10 + \square$

$9 + 8 = 10 + \square$

$6 + 7 = 10 + \square$

$5 + 8 = 10 + \square$

$9 + 9 = 10 + \square$

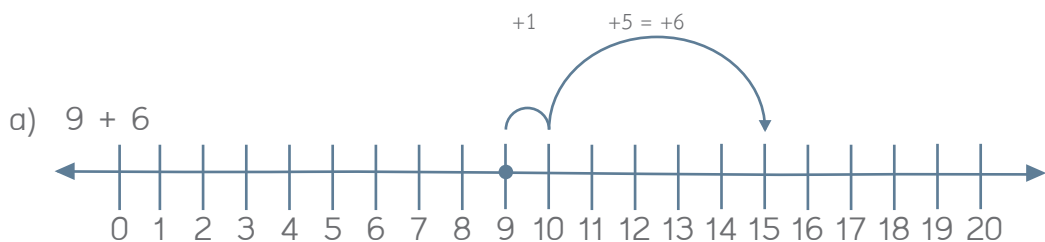
$5 + 9 = 10 + \square$

$7 + 8 = 10 + \square$

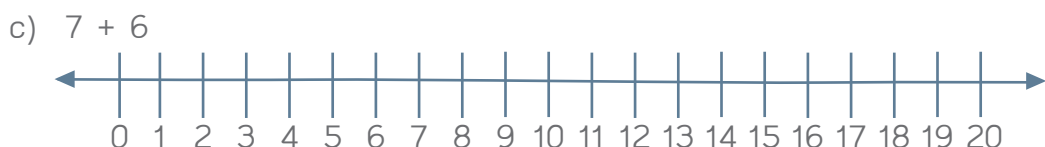
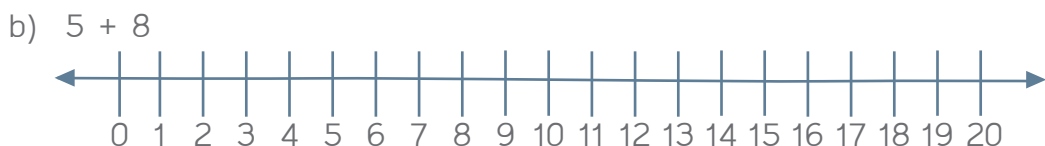
$7 + 9 = 10 + \square$

$9 + 3 = 10 + \square$

3. ให้โยงตามเส้นจำนวนแสดงการทำให้เป็นสิบ เพื่อบวกเลขต่อไปนี้



$9 + 6 = 15$



d) $7 + 9$



d) $9 + 6$



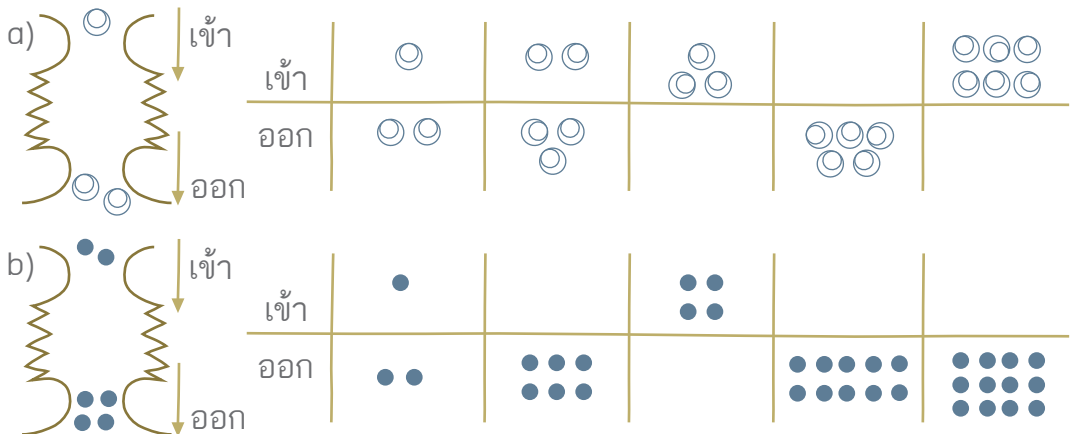
4. ให้เขียนเลขที่ขาดหายไปลงในช่องสี่เหลี่ยม

a) $\begin{array}{r} 9 \\ 3 + \square \\ 5 + \square \\ \square + 6 \\ \square + 7 \\ \square + 8 \\ \square + 9 \end{array}$

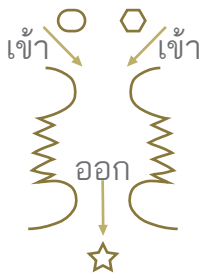
b) $\begin{array}{r} 12 \\ 3 + \square \\ 2 + \square \\ \square + 6 \\ \square + 8 \\ \square + 10 \\ \square + 11 \end{array}$

c) $\begin{array}{r} 15 \\ 6 + \square \\ 9 + \square \\ \square + 10 \\ \square + 13 \\ \square + 8 \\ \square + 11 \end{array}$

5. เครื่องจักรในรูปกำลังทำงานอยู่ ให้เขียนรูปลงในตารางให้สมบูรณ์



6. เครื่องจักรในรูปกำลังทำงานอยู่ ให้เขียนรูปลงในตารางให้สมบูรณ์



○	1	2	3		6			5	8	7
⬡	4	7	2	2		2	6	3		1
☆	5	9		7	9	10	12		9	

7. เครื่องจักรในรูปกำลังทำงานอยู่ ให้เขียนรูปลงในตารางให้สมบูรณ์



□	5	2	3		4				8	10
△		5	6	10		9	6	3		